

番号 \_\_\_\_\_ 名前 \_\_\_\_\_ 2008 年 4 月 11 日

$$\text{rank } A = r$$

$$\begin{aligned} &\iff \left( \exists B : A \text{ の } r \text{ 次小行列, } \det B \neq 0 \right) \\ &\quad \wedge \left( \forall k > r, \left( \forall B : A \text{ の } k \text{ 次小行列, } \det B = 0 \right) \right). \end{aligned}$$

解答

$$\text{rank } A = r$$

$$\begin{aligned} &\iff \left( \exists B : A \text{ の } r \text{ 次小行列, } \det B \neq 0 \right) \\ &\quad \wedge \left( \forall k > r, \left( \forall B : A \text{ の } k \text{ 次小行列, } \det B = 0 \right) \right). \end{aligned}$$